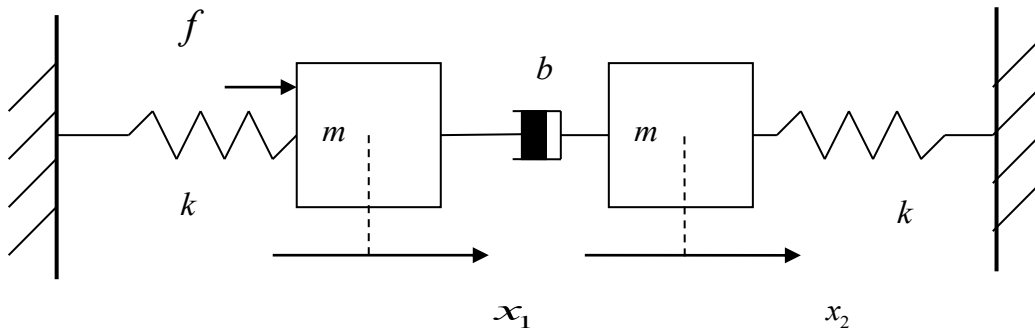


Parte A

1. [punti 4,5] Sia dato un sistema in retroazione unitaria con guadagno di anello $L(s)$. Si presenti e discuta l'analisi a regime della risposta ai segnali tipici del riferimento.

2. [punti 4,5] Sia assegnato il sistema meccanico vibrante di figura



caratterizzato da due molle di costante elastica k e due corpi di massa m accoppiati da uno smorzatore viscoso di coefficiente b . Il corpo di sinistra sia soggetto ad una forza f e le posizioni delle due masse siano descritte dalle variabili x_1 e x_2 (quando il sistema è in quiete $x_1 = x_2 = 0$).

- Determinare le equazioni differenziali che descrivono il moto delle due masse.
- Determinare la funzione di trasferimento del sistema orientato dall'ingresso f all'uscita x_1 .

3. [punti 4,5] Determinare l'evoluzione forzata $y(t)$ in risposta al gradino unitario $u(t) = 1(t)$ di un sistema con funzione di trasferimento $G(s) = \frac{10}{(s+1)^4}$.

Determinare inoltre il grado massimo di continuità di $y(t)$ su $\mathbb{R}$.

4. [punti 4,5] Data un generico segnale a tempo discreto $x(k)$, $k \in \mathbb{Z}$ determinare le trasformate zeta dei segnali ritardati e anticipati di n passi ($n \in \mathbb{N}$), $\mathcal{Z}\{x(k-n)\}$ e $\mathcal{Z}\{x(k+n)\}$.

Parte B

5. [punti 4,5]

a) Tracciare il diagramma polare associato alla funzione di trasferimento

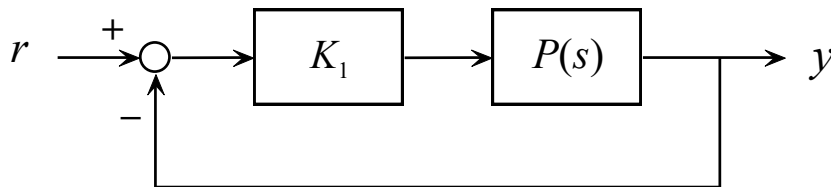
$$P(s) = \frac{10(1-s)^2}{s(s+1)^3}$$

determinando in particolare l'asintoto e l'intersezione con l'asse reale negativo.

b) Utilizzando il Criterio di Nyquist si studino le radici dell'equazione caratteristica $1 + P(s) = 0$ (quante a parte reale negativa, quante puramente immaginarie, quante a parte reale positiva).

6. [punti 4,5]

Sia dato il sistema in retroazione di figura



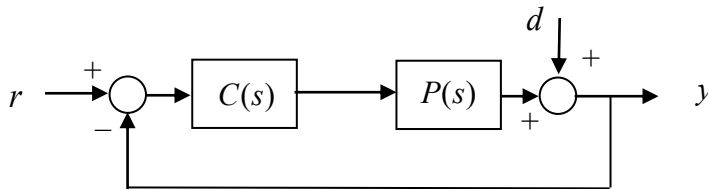
dove
$$P(s) = \frac{1}{(s+1)(s+5)(s+10)}.$$

- Tracciare il luogo delle radici dell'equazione caratteristica del sistema retroazionato per $K_1 > 0$ determinando in particolare gli asintoti e le radici doppie.
- Determinare i valori di $K_1 \in \mathbb{R}$ per i quali il sistema retroazionato ha grado di stabilità $G_s \geq 2 \text{ s}^{-1}$.
- Determinare il valore di K_1 che massimizza il grado di stabilità del sistema retroazionato:

$$K_1^* = \arg \max_{K_1 \in \mathbb{R}} \zeta(\omega_1).$$

7. [punti 4,5]

Sia dato il seguente sistema



dove
$$P(s) = \frac{9}{s+5}.$$

Determinare un controllore proprio di ordine minimo $C(s)$ affinché le seguenti specifiche siano soddisfatte:

- reiezione infinita asintotica al disturbo composito $d(t) = 5 + 11 \cdot \cos(3t + 2)$;
- costante di velocità $K_v = 4$;
- sistema retroazionato asintoticamente stabile con tre poli dominanti in $-2, -2 \pm j$.

8. [punti 4,5]

Un sistema a tempo discreto, orientato dall'ingresso u all'uscita y , è descritto dalla seguente equazione alle differenze

$$y(k) - 8y(k+2) + 16y(k+4) = 16u(k+4) + 16u(k+1).$$

- Determinare la funzione di trasferimento del sistema.
- Verificare la stabilità asintotica del sistema applicando il criterio di Jury.